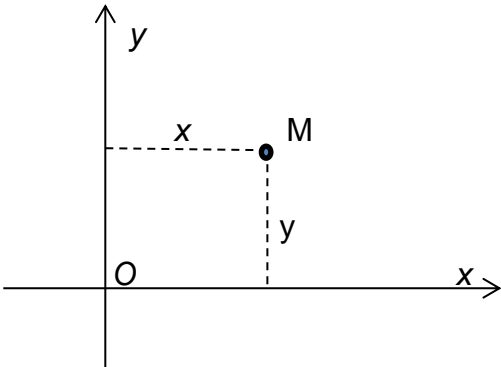


## Геометрия «Метод координат»

<p>Прямые <math>x</math>, <math>y</math> называются <u>координатными осями</u> (или осями координат),          Оси координат обозначаются так:  <math>Ox</math>- ось абсцисс  <math>Oy</math>- ось ординат</p> <p>точка их пересечения <math>O</math> – началом координат,          а плоскость <math>xOy</math> – <u>координатной плоскостью</u>.</p> <p>В прямоугольной системе координат каждой точке <math>M</math> пространства сопоставляется пара чисел, которые называются ее координатами. <math>M(x; y)</math>.</p>	<p><u>Прямоугольная система координат</u></p> 
---	---

<u>Действия над векторами:</u>	<u>Примеры:</u>
<p style="text-align: center;">Сложение векторов</p> $\vec{a}\{x_1; y_1\} + \vec{b}\{x_2; y_2\} = \vec{m}\{x_1 + x_2; y_1 + y_2\}$	$\vec{a}\{1; -4\} + \vec{b}\{3; 0\} = \vec{m}\{1 + 3; -4 + 0\} = \vec{m}\{4; -4\}$
<p style="text-align: center;">Вычитание векторов</p> $\vec{a}\{x_1; y_1\} - \vec{b}\{x_2; y_2\} = \vec{m}\{x_1 - x_2; y_1 - y_2\}$	$\vec{a}\{1; -4\} - \vec{b}\{3; 0\} = \vec{m}\{1 - 3; -4 - 0\} = \vec{m}\{-2; -4\}$
<p style="text-align: center;">Умножение вектора на число <math>k</math>.</p> $k\vec{a}\{x; y\} = \vec{c}\{kx; ky\}$	$3\vec{a}\{-1; 2\} = \vec{c}\{3 \cdot (-1); 3 \cdot 2\} = \vec{c}\{-3; 6\}$
$2\vec{a}\{1; -4\} + 4\vec{b}\{3; 0\} = \vec{p}\{2 \cdot 1 + 4 \cdot 3; 2 \cdot (-4) + 4 \cdot 0\} = \vec{p}\{14; -8\}$	

<u>Простейшие задачи в координатах:</u>	<u>Задачи:</u>
<p>Координаты середины отрезка <math>AB</math>:  <math>A(x_1; y_1)</math>, <math>B(x_2; y_2)</math>.          Точка <math>M</math> середина отрезка <math>AB</math>.</p> $M\left(\frac{x_1 + x_2}{2}; \frac{y_1 + y_2}{2}\right)$	<p><math>A(1; -1)</math>, <math>B(6; -3)</math>. Точка <math>N</math> Середина отрезка <math>AB</math>. Найти координаты точки <math>N</math>.</p> $M\left(\frac{1 + 6}{2}; \frac{-1 + (-3)}{2}\right) = M(3,5; -4)$ <p><b>Ответ:</b> <math>M(3,5; -4)</math></p>
<p>Вычисление длины вектора <math>\vec{a}(x; y)</math> по его координатам:</p> $ \vec{a}  = \sqrt{x^2 + y^2}$	<p>Вычисление длины вектора <math>\vec{n}(3; -4)</math>.</p> $ \vec{n}  = \sqrt{3^2 + (-4)^2} = \sqrt{9 + 16} = \sqrt{25} = 5$ <p><b>Ответ:</b> 5</p>
<p>Расстояние между двумя точками.  <math>A(x_1; y_1)</math> и <math>B(x_2; y_2)</math>.</p> $ AB  = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$	<p>Вычислить расстояние между двумя точками  <math>C(2; -3)</math> и <math>B(-2; 3)</math>.</p> $ CD  = \sqrt{(-2 - 2)^2 + (3 - (-3))^2} = \sqrt{16 + 36} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$ <p><b>Ответ:</b> <math>2\sqrt{13}</math></p>

<p>Вычисление координат вектора <math>\overrightarrow{AB}</math>. Если <math>A(x_1; y_1; z_1), B(x_2; y_2; z_2)</math>.</p> $\overrightarrow{AB}\{x_2 - x_1; y_2 - y_1\}$	<p><b>В пространстве расположены три точки, заданные своими координатами: <math>A(1; 6), B(3; -1)</math> и <math>C(-4; 3)</math>. Найти координаты векторов <math>\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}</math> и <math>\overrightarrow{BC}</math></b></p> $\overrightarrow{AB}\{3 - 1; -1 - 6\} = \overrightarrow{AB}\{2; -7\}$ $\overrightarrow{BC}\{-4 - 3; 3 - (-1)\} = \overrightarrow{BC}\{-7; 4\}$ $\overrightarrow{AC}\{-4 - 1; 3 - 6\} = \overrightarrow{AC}\{-5; -3\}$ <p><b>Ответ:</b> <math>\overrightarrow{AB}\{2; -7\}; \overrightarrow{AC}\{-5; -3\}; \overrightarrow{BC}\{-7; 4\}</math></p>
<p>Скалярное произведение векторов <math>\vec{a}\{x_1; y_1\}</math> и <math>\vec{b}\{x_2; y_2\}</math> выражается формулой:</p> $\vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2$	<p><b>Вычислить скалярное произведение векторов <math>\vec{a}\{2; 1\}</math> и <math>\vec{b}\{3; 0\}</math></b></p> $\vec{a} \cdot \vec{b} = 2 \cdot 3 + 1 \cdot 0 = 6$ <p>Ответ: 12</p>
<p><b>Перпендикулярность векторов:</b> <math>\vec{a}(x_1; y_1)</math> и <math>\vec{b}(x_2; y_2)</math>;</p> $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0; \quad x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 = 0$	<p>Перпендикулярны ли векторы <math>\vec{a}\{2; 1\}</math> и <math>\vec{b}\{3; -6\}</math></p> $\vec{a} \cdot \vec{b} = 2 \cdot 3 + 1 \cdot (-6) = 0$ <p>Ответ: да</p>
<p><b>Коллинеарность векторов:</b> <math>\vec{a}(x_1; y_1)</math> и <math>\vec{b}(x_2; y_2)</math>;</p> $\frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1}{y_2},$ если координаты векторов не равны нулю.	<p><b>Задача. Коллинеарны ли векторы:</b>  <b>а) <math>\vec{a}\{-5; 3\}</math> и <math>\vec{b}\{-10; 6\}</math>;</b>  <b>б) <math>\vec{c}\{-6; 3\}</math> и <math>\vec{d}\{2; -9\}</math>;</b></p> <p>Решение.</p> <p>а)</p> $\frac{-5}{-10} = 0,5; \quad \frac{3}{6} = 0,5$ <p>Да, векторы коллинеарны</p> <p>б)</p> $\frac{-6}{2} = -3; \quad \frac{3}{-9} = -\frac{1}{3}$ <p>Нет, векторы не коллинеарны</p> <p>Ответ: а) да б) нет</p>
<p>Косинус угла между ненулевыми векторами <math>\vec{a}\{x_1; y_1\}</math> и <math>\vec{b}\{x_2; y_2\}</math> вычисляется по формуле:</p> $\cos \varphi = \frac{x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2} \cdot \sqrt{x_2^2 + y_2^2}}$	<p><b>Найти косинус угла между векторами <math>\vec{a}\{4; 3\}</math> и <math>\vec{b}\{0; 12\}</math>.</b></p> $\cos \varphi = \frac{4 \cdot 0 + 3 \cdot 12}{\sqrt{4^2 + 3^2} \cdot \sqrt{0^2 + 12^2}} = \frac{36}{5 \cdot 12} = \frac{3}{5} = 0,6$ <p>Ответ: 0,6</p>